

## SEMAINE 1

du 18 au 22 septembre 2023

## ► Méthodes de raisonnement

- méthodes directes de démonstration : montrer un "ET", un "OU", une implication, une équivalence ;
- démonstrations par contraposition et par l'absurde ;
- quantificateurs  $\exists$  (existentiel) et  $\forall$  (universel) ; phrase quantifiée (quantificateur puisè prédicat) ;
- négation d'une phrase quantifiée, échanges de quantificateurs et dépendances ;
- existence et unicité : notation  $\exists!$ , méthode de démonstration de l'unicité.

## ► Ensembles

- notion naïve d'ensemble vu comme famille non ordonnée d'éléments, notion d'appartenance, notation  $\in$  ;
- un ensemble (non usuel) est introduit en listant ses éléments, comme image d'une application ou ou sous la forme

$$\{ \underbrace{x \in X}_{\text{cas de base}} \mid \underbrace{P(x)}_{\text{prédicat}} \};$$

- notions d'inclusion et d'égalité de deux ensembles ;
- zoologie des ensembles usuels (définitions naïves) :  $\emptyset, \mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}, \mathbb{C}$  ;
- parties d'un ensemble, notation  $\mathcal{P}(E)$  ;
- opérations sur les ensembles : intersection ( $\cap$ ), réunion ( $\cup$ ), différence ( $\setminus$ ) ;
- idempotence, associativité, commutativité, distributivité pour  $\cap$  et  $\cup$ , cas particulier de l'ensemble vide ;
- lois de de Morgan ensemblistes ;
- produit cartésien de deux ensembles, d'une famille d'ensembles ;
- notation  $\llbracket 1, n \rrbracket$  pour l'ensemble des entiers compris entre 1 et  $n$  ;
- toute partie non vide (resp. non vide et majorée) de  $\mathbb{N}$  admet un plus petit (resp. plus grand) élément ;
- démonstration par récurrence, récurrence forte, récurrence double.

✘ *Aucune connaissance n'est exigible des étudiants sur les sujets suivants : construction des ensembles usuels, arithmétique dans  $\mathbb{N}$  (autre que la notion de divisibilité).*

## ► Questions de cours (démonstrations)

- tout énoncé ou définition est exigible.